

ТАБЛИЦА ИЗВОДА ЕЛЕМЕНТАРНИХ ФУНКЦИЈА

| $f(x)$ | $f'(x)$ | Услови |
|---------------------------|-----------------------------|---|
| c (const) | 0 | $x \in \mathbb{R}$ |
| x^α | $\alpha \cdot x^{\alpha-1}$ | $x > 0, \alpha \in \mathbb{R}$ |
| a^x | $a^x \ln a$ | $a > 0, a \neq 1, x \in \mathbb{R}$ |
| e^x | e^x | |
| $\log_a x$ | $\frac{1}{x \ln a}$ | $a > 0, a \neq 1, x > 0$ |
| $\ln x$ | $\frac{1}{x}$ | $x > 0$ |
| $\sin x$ | $\cos x$ | $x \in \mathbb{R}$ |
| $\cos x$ | $-\sin x$ | $x \in \mathbb{R}$ |
| $\operatorname{tg} x$ | $\frac{1}{\cos^2 x}$ | $x \neq \frac{\pi}{2} + k\pi, k \in \mathbb{Z}$ |
| $\operatorname{ctg} x$ | $-\frac{1}{\sin^2 x}$ | $x \neq k\pi, k \in \mathbb{Z}$ |
| $\arcsin x$ | $\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$ | $ x < 1$ |
| $\arccos x$ | $-\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$ | $ x < 1$ |
| $\operatorname{arctg} x$ | $\frac{1}{1+x^2}$ | $x \in \mathbb{R}$ |
| $\operatorname{arcctg} x$ | $-\frac{1}{1+x^2}$ | $x \in \mathbb{R}$ |
| | | |
| | | |
| | | |

Дефиниција:

$$f'(x_0) = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\Delta y}{\Delta x} = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$$

Особине првог извода:

$$(f + g)'(x) = f'(x) + g'(x)$$

$$(f - g)'(x) = f'(x) - g'(x)$$

$$(fg)'(x) = f'(x)g(x) + f(x)g'(x)$$

$$(cf)'(x) = cf'(x)$$

$$\left(\frac{f}{g}\right)'(x) = \frac{f'(x)g(x) - f(x)g'(x)}{g^2(x)}, (g(x) \neq 0)$$

Извод сложене функције

$$(g \circ f)'(x) = g'(y) \cdot f'(x) = g'(f(x)) \cdot f'(x)$$

Извод инверзне функције

$$(f^{-1})'(y) = \frac{1}{f'(x)}$$

Логаритамски извод

$$[\ln f(x)]' = \frac{f'(x)}{f(x)}$$

Једначина тангенте графика функције у датој тачки $M(x_0, y_0)$

$$y - y_0 = f'(x_0)(x - x_0)$$

Једначина нормале графика функције у датој тачки $M(x_0, y_0)$

$$y - y_0 = -\frac{1}{f'(x_0)}(x - x_0)$$